



درس رقم

درس : الحساب المثلثي

$tan(a\pm b)$; $cos(a\pm b)$; $sin(a\pm b)$ نحویل: I

 $\sin(a+b)$ ثم تحویل $\cos(a+b)$ تحویل .

نشاط:

$$(\mathcal{P})$$
 الدائرة المثلثية المرتبطة بالمعلم (O,\vec{i},\vec{j}) . (O,\vec{i},\vec{j}) الدائرة المثلثية المرتبطة بالمعلم (\mathcal{P}) منسوب إلى م.م.م. مباشر

حيث : $\vec{i} = \vec{i}$. ه و \vec{b} أفصولين منحنيين ل \vec{A} و $\vec{OI} = \vec{i}$ على التوالي. نذكر ما يلي:

$$\overline{(\overrightarrow{OI},\overrightarrow{OA})} = a + 2k\pi \; ; \; (k \in \mathbb{Z}) \; :$$
 أو أيضا $\overline{(\overrightarrow{OI},\overrightarrow{OA})} = a \; (2\pi) \;$ هو $a \; (2\pi) \; a \;$ هو $a \; (2\pi) \; a \;$

$$.(\overrightarrow{OI},\overrightarrow{OB}) = b + 2k\pi \; ; \; (k \in \mathbb{Z}) \; :$$
 أو أيضا $.(\overrightarrow{OI},\overrightarrow{OB}) = b \; (2\pi) \;$ هو $.(\overrightarrow{OI},\overrightarrow{OB}) = b + 2k\pi \; ; \; (k \in \mathbb{Z}) \;$ أو أيضا $.(\overrightarrow{OI},\overrightarrow{OB}) = b + 2k\pi \; ; \; (k \in \mathbb{Z}) \;$

- $\overline{\mathbf{OB}}$ و $\overline{\mathbf{OA}}$ حدد إحداثيتي كل من المتجهتين $\overline{\mathbf{OB}}$ و
 - $\underline{2}$. أحسب: $\overline{(\overline{OB},\overline{OA})}$ بدلالة \underline{a}
- <u>3</u> أحسب الجداء السلمي OB.OA بطرقتين مختلفتين.
 - $\cos(a+b)$ و $\cos(a-b)$ ستنتج صيغة ل
 - $\sin(a-b)$ و $\sin(a+b)$. $\sin(a-b)$ استنتج صيغة ل
 - خاصیة:

لكل a و b من ℝ لدينا:

$$\cos(a-b) = \cos(a)\cos(b) + \sin(a)\sin(b) \quad \text{so} \quad \cos(a+b) = \cos(a)\cos(b) - \sin(a)\sin(b)$$

$$\sin(a-b) = \sin(a)\cos(b) - \cos(a)\sin(b)$$
 $\sin(a+b) = \sin(a)\cos(b) + \cos(a)\sin(b)$

• نتائج:

$$\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a$$
 و $\sin 2a = 2\sin a \cos a$: $a = b$: حالة خاصة $a = b$: حالة خاصة $\cos 2a = \cos^2 a - \sin^2 a = 2\cos^2 a - 1 = 1 - 2\sin^2 a$ نحصل على: $\cos^2 a + \sin^2 a = 1 + 2\sin^2 a$

$$\cos^2(a) = \frac{1 + \cos(2a)}{2}$$
 $\sin^2(a) = \frac{1 - \cos(2a)}{2}$

1 مثال

$$\frac{\pi}{8}$$
 :

$$\cos\frac{\pi}{4} = 2\cos^2\frac{\pi}{8} - 1$$
: ومنه $a = \frac{\pi}{8}$: ناخذ $\cos 2a = 2\cos^2 a - 1$: لدينا

$$\cos\frac{\pi}{8} > 0$$
 : و بالتالي نجد: $\frac{\pi}{8} < \frac{\pi}{2}$ أو $\cos\frac{\pi}{8} = -\sqrt{\frac{1+\cos\frac{\pi}{4}}{2}}$ و بالتالي نجد: $\frac{\pi}{8} < \frac{\pi}{2}$ اذن: $0 < \frac{\pi}{8} = \sqrt{\frac{1+\cos\frac{\pi}{4}}{2}}$

$$\cos \frac{\pi}{8} = \sqrt{\frac{1 + \cos \frac{\pi}{4}}{2}} = \sqrt{\frac{2 + \sqrt{2}}{2}}$$
 خلاصة:





 $\frac{7\pi}{12}$ اوجد قيمة ل

$$\cos\frac{7\pi}{12} = \cos\left(\frac{3\pi + 4\pi}{12}\right) = \cos\left(\frac{\pi}{4} + \frac{\pi}{3}\right) = \cos\frac{\pi}{4}\cos\frac{\pi}{3} - \sin\frac{\pi}{4}\sin\frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$
الدينا:

$$\cos \frac{7\pi}{12} = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$$
 خلاصة:

$$\tan(a+b)$$
:تحویل .02

$$\mathbf{k} \in \mathbb{Z}$$
 و $\mathbf{a} - \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k}\pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k}\pi$

. sinb و sina ; cosb ; cosa ؛ بدلالة tan(a+b) بدلالة

البسط و المقام ب
$$\frac{1}{\cos a \times \cosh}$$
 و $\frac{1}{\cos a \times \cosh}$ اوجد $\frac{1}{\cos a \times \cosh}$ بدلالة $\frac{2}{\cos a \times \cosh}$

. tan(2a) و tan(a-b) .

$$\mathbf{k} \in \mathbb{Z}$$
 و $\mathbf{a} - \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$ و $\mathbf{a} + \mathbf{b} \neq \frac{\pi}{2} + \mathbf{k} \pi$

$$\tan(2a) = \frac{2\tan a}{1-\tan^2 a} \quad \text{9} \quad \tan(a-b) = \frac{\tan a - \tan b}{1+\tan a \times \tan b} \quad \text{9} \quad \tan(a+b) = \frac{\tan a + \tan b}{1-\tan a \times \tan b}$$

. صيغ تحويل المجاميع إلى جداءات - الجداءات إلى مجاميع:

01. تحويل مجموع إلى جداء ثم جداء إلى مجموع: نشاط.

 $sin(a\pm b)$ و $cos(a\pm b)$: من خلال صيغ تحويل

$$\sin(a+b)-\sin(a-b) \cdot \sin(a+b) + \sin(a-b) \cdot \cos(a+b) - \cos(a-b) \cdot \cos(a+b) + \cos(a-b) \cdot \cos(a-b) \cdot \cos(a-b) \cdot \sin(a-b) \cdot \sin(a-b) \cdot \sin(a-b) \cdot \sin(a-b) \cdot \sin(a-b) \cdot \cos(a-b) \cdot \cos(a$$

.sina×cos b ثم sina×sinb ؛ cos a×cos b ثم

ب - أعط صيغ تحويل جداء إلى مجموع المحصل عليها. <u>.3</u>

$$\mathbf{a} - \mathbf{b} = \mathbf{y}$$
 و $\mathbf{a} - \mathbf{b} = \mathbf{y}$ ، أكتب \mathbf{a} و $\mathbf{a} + \mathbf{b} = \mathbf{x}$.

ب استنتج صيغ ل: cos x + cos y و cos x + cos y و sinx+siny و sinx-sin بدلالة:

$$\cdot \sin \frac{x+y}{2} \ni \sin \frac{x-y}{2} ; \cos \frac{x+y}{2} ; \cos \frac{x-y}{2}$$

ج _ أعط الصيغ المحصل عليها.





درس رقم

درس: الحساب المثلثي

خاصيات

و h من R لدينا:

$$\cos a \times \cos b = \frac{1}{2} \left[\cos (a+b) + \cos (a-b) \right]$$

$$\sin a \times \sin b = -\frac{1}{2} \left[\cos \left(a + b \right) - \cos \left(a - b \right) \right]$$

$$\sin a \times \cos b = \frac{1}{2} \left[\sin(a+b) + \sin(a-b) \right]$$

$$\cos a + \cos b = 2\cos\left(\frac{a+b}{2}\right)\cos\left(\frac{a-b}{2}\right)$$

$$\cos a - \cos b = -2\sin\left(\frac{a+b}{2}\right)\sin\left(\frac{a-b}{2}\right)$$

$$\sin a + \sin b = 2\sin\left(\frac{a+b}{2}\right)\cos\left(\frac{a-b}{2}\right)$$

$$\sin a - \sin b = 2\cos\left(\frac{a+b}{2}\right)\sin\left(\frac{a-b}{2}\right)$$

■ مثال:

$$\cos \frac{\pi}{12} + \cos \frac{5\pi}{12}$$
 و $\cos \frac{\pi}{12} \times \cos \frac{5\pi}{12}$: أوجد قيمة

$$\cos\frac{5\pi}{12} + \cos\frac{\pi}{12} = 2\cos\left(\frac{\frac{5\pi}{12} + \frac{\pi}{12}}{2}\right) \times \cos\left(\frac{\frac{5\pi}{12} - \frac{\pi}{12}}{2}\right) = 2\cos\frac{\pi}{4} \times \cos\frac{\pi}{6} = 2\frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$
 ادینا :

$$\cos\frac{\pi}{12} + \cos\frac{5\pi}{12} = \frac{\sqrt{6}}{2}$$
 خلاصة:

Ⅲ. صيغ تحويل مثلثية أخرى:

a cos x + b sin x : صيغة تحويل

<u>====</u> • نشاط:

. $\sqrt{a^2+b^2}$: عمل A ب $A=a\cos x+b\sin x$ و a من \mathbb{R}^* عمل A ب $A=a\cos x+b\sin x$

 $(\cos^2\alpha+\sin^2\alpha=1)$. \mathbb{R} مع α من α د $(x+\alpha)$ او $(\cos^2\alpha+\sin^2\alpha=1)$ مع α من α د $(x+\alpha)$

2_ أعط الصيغتين المحصل عليهما.

خاصیة:

 ${f R}^*$ ککل ${f a}$ و ${f b}$ من

.(
$$\cos\alpha = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$
 $\sin\alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ $\cos\alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} \sin\alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2$

. (
$$\cos\alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$
 $\sin\alpha = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}}$ $\cos\alpha = \frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} \cos\alpha = \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^$

مثال:

.
$$\sqrt{3}\sin 2x + \cos 2x$$
: أوجد تحويل ل

$$\sqrt{3}\sin 2x + \cos 2x = 2\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\sin 2x + \frac{1}{2}\cos 2x\right) = 2\left(\cos\frac{\pi}{6}\sin 2x + \sin\frac{\pi}{6}\cos 2x\right) = 2\sin\left(2x + \frac{\pi}{6}\right)$$
 دينا:





. $t = \tan \frac{x}{2}$ بدلالة $\frac{x}{2}$ د $\sin x$ و $\cos x$; $\tan x$

 $k \in \mathbb{Z}$ نضع $x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi$ و $x \neq \pi + 2k\pi$ مع

. 2a = x و $\sin 2a = \cos^2 a - \sin^2 a$. أكتب الصيغتين مع $\sin 2a = 2\sin a \cos a$

 $\cos^2\left(\frac{x}{2}\right) + \sin^2\left(\frac{x}{2}\right) = 1$. أوجد $\cos x$; $\sin x$ و $\cos x$; $\sin x$ و بدلالة على استعمال القسمة ب $\cot x$

$$\sin x = 2\sin \frac{x}{2}\cos \frac{x}{2} = 2\frac{\sin \frac{x}{2}\cos \frac{x}{2}}{\cos^{2} \frac{x}{2} + \sin^{2} \frac{x}{2}} = 2\frac{\frac{\sin \frac{x}{2}\cos \frac{x}{2}}{\cos^{2} \frac{x}{2}}}{\frac{\cos^{2} \frac{x}{2} + \sin^{2} \frac{x}{2}}{\cos^{2} \frac{x}{2}}} = 2\frac{\frac{\sin \frac{x}{2}}{\cos \frac{x}{2}}}{1 + \frac{\sin^{2} \frac{x}{2}}{\cos^{2} \frac{x}{2}}} = 2\frac{\tan \frac{x}{2}}{1 + \tan^{2} \frac{x}{2}} = 2\frac{t}{1 + t^{2}}$$

 $anx = rac{2t}{1-t^2}$ و $\sin x = rac{2t}{1+t^2}$ و $\cos x = rac{1-t^2}{1+t^2}$: لاينا $\cos x = rac{1-t^2}{1+t^2}$ عم $\cot x = \frac{\pi}{2} + k\pi$ و $\cot x \neq \pi$

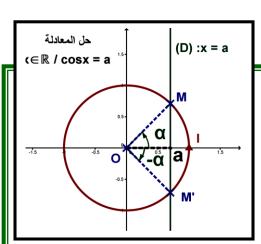
 $t = \tan \frac{a}{2}$ مع $\sin a = \frac{2t}{1+t^2}$ أحسب:

.
$$\sin\frac{\pi}{4} = \frac{2t}{1+t^2} \Leftrightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{2t}{1+t^2} \Leftrightarrow t^2 - 2\sqrt{2}t + 1 = 0$$
 : ناخذ

. $\mathbf{t}_2 = \mathbf{1} + \sqrt{2}$ و منه $\mathbf{t}_1 = -\mathbf{1} + \sqrt{2}$: همنا همنا همنا همنا و بالتالي هناك حلين هما

. $t_1 = -1 + \sqrt{2}$: و منه الحل المقبول هو $tan0 < tan \frac{\pi}{8} < 1$ و نعلم أن $\frac{\pi}{8} < \frac{\pi}{4}$ أن $\frac{\pi}{8} < \frac{\pi}{4}$ أن $\frac{\pi}{8} < \frac{\pi}{4}$ أن $\frac{\pi}{8} < \frac{\pi}{4}$ أن أب المقبول هو ا

دل المعادلة : $x \in \mathbb{R}/\cos x = a$ (تذكير) خاصية:



عدد حقیقی معلوم . مجموعة حلول المعادلة : $x \in \mathbb{R} / \cos x = a$ (المعادلة ليس لها حل) $S = \emptyset$: فإن $a \in]-\infty, -1[\ \bigcup\]1, +\infty[$

 $a = \cos \alpha$ حیث $a \in [-1,1]$

 $\cos x = a \Leftrightarrow \cos x = \cos \alpha \Leftrightarrow \begin{cases} x = \alpha + 2k\pi \\ x = -\alpha + 2k\pi \end{cases}; k \in \mathbb{Z}$: each $x = -\alpha + 2k\pi$

 $S = \left\{\alpha + 2k\pi \ , \ -\alpha + 2k\pi \ / \ k \in \mathbb{Z} \right\}$: و بالتالي





درس رقم

درس : الحساب المثلثي

حالات خاصة

$$S = \left\{\frac{\pi}{2} + k\pi \, / \, k \in \mathbb{Z}\right\} \, : \, a = 0 \quad \text{T} : S = \left\{\pi + 2k\pi \, / \, k \in \mathbb{Z}\right\} \, : \, \dot{a} = -1 \, \dot{a}$$

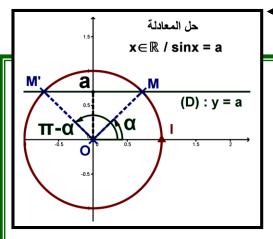
(E): $x \in \mathbb{R} / \cos x = \frac{1}{2}$: مثال: حل المعادلة \bullet

$$\cos x = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \cos x = \cos \frac{\pi}{3} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi \\ x = -\frac{\pi}{3} + 2k\pi \end{cases} ; k \in \mathbb{Z} :$$
لاينا

 $S = \left\{ rac{\pi}{3} + 2k\pi \ , \ -rac{\pi}{3} + 2k\pi \ / \ k \in \mathbb{Z}
ight\}$ خلاصة :مجموعة حلول المعادلة (E) هي:

 $\mathbf{x} \in \mathbb{R} / \sin \mathbf{x} = \mathbf{a}$: حل المعادلة $\mathbf{x} \in \mathbb{R} / \sin \mathbf{x}$

- خاصية:



- $\mathbf{x} \in \mathbb{R} \, / \sin \mathbf{x} = \mathbf{a}$: عدد حقيقي معلوم مجموعة حلول المعادلة \mathbf{a}
 - (المعادلة ليس لها حل) $\mathbf{S}=\varnothing$: فإن $\mathbf{a}\in]-\infty,-1[\ \ \ \]$
 - $a = \sin \alpha$ نبحث عن $a \in [-1,1]$

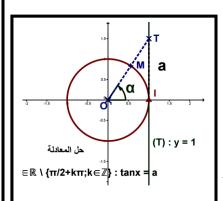
$$\sin x = a \Leftrightarrow \sin x = \sin \alpha \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\alpha + 2k\pi \\ x = \pi - \alpha + 2k\pi \end{cases} ; \ k \in \mathbb{Z}$$
 : ومنه

 $S = \left\{\alpha + 2k\pi \ , \ \pi - \alpha + 2k\pi \ / \ k \in \mathbb{Z} \right\}$. و بالتالي :

• حالات خاصة:

$$S = \left\{ k\pi/k \in \mathbb{Z} \right\} \; : \; a = 0 \;$$
و ناب $S = \left\{ -\frac{\pi}{2} + 2k\pi/k \in \mathbb{Z} \right\} \; : \;$ فإن $S = \left\{ \frac{\pi}{2} + 2k\pi/k \in \mathbb{Z} \right\} \; : \;$ فإن $S = \left\{ \frac{\pi}{2} + 2k\pi/k \in \mathbb{Z} \right\} \; : \;$

 $:(E): x \in \mathbb{R} / \sin x = \frac{1}{2}$ عثال: حل المعادلة:



 $\sin x = \frac{1}{2} \Leftrightarrow \sin x = \sin \frac{\pi}{6} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{6} + 2k\pi \\ x = \pi - \frac{\pi}{6} + 2k\pi = \frac{5\pi}{6} + 2k\pi \end{cases}$; $k \in \mathbb{Z}$: لدينا

$$S = \left\{ rac{\pi}{6} + 2k\pi \; , \; rac{5\pi}{6} + 2k\pi/k \in \mathbb{Z}
ight\}$$
 خلاصة :مجموعة حلول المعادلة $\left(E
ight)$ هي:

(تذکیر) $x \in \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi/k \in \mathbb{Z} \right\}$: $\tan x = a$ على المعادلة : $\mathbf{03}$

خاصیة:

$$\left(\mathrm{E}
ight) : \mathrm{x} \in \mathbb{R} \setminus \left\{ rac{\pi}{2} + \mathrm{k} \pi / \mathrm{k} \in \mathbb{Z}
ight\} : an \, \mathrm{x} = a$$
 عدد حقيقي معلوم . لحل المعادلة: a

 $\tan x = a \Leftrightarrow \tan x = \tan \alpha \Leftrightarrow x = \alpha + k\pi$; $k \in \mathbb{Z}$: فبحث عن $\alpha = \tan \alpha$ ومنه

. $S = \{\alpha + k\pi / k \in \mathbb{Z}\}$: هي (E) مجموعة حلول المعادلة



الصفحة

 $x \in \mathbb{R} : a\cos x + b\cos x = c$ حل المعادلة على شكل $\mathbf{04}$

- نشاط:
- .(E) : $x \in \mathbb{R}$: $\cos X = a$ على شكل $\cos X = 1$ على شكل $\cos X = 1$. على شكل $\cot X \in \mathbb{R}$: $\cot X \in \mathbb{R}$. (E) . $\cot X \in \mathbb{R}$. $\cot X \in \mathbb{R}$. $\cot X \in \mathbb{R}$.
- . $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ على شكل $(E): x \in \mathbb{R}: \cos x + \sqrt{3}\cos x = 1$ على شكل $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ ب $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ على شكل $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ ب $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ ب $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ ب $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ بالمعادلة $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$ بالمعادلة $(E): x \in \mathbb{R}: \sin X = a$
 - خاصیة:

لحل المعادلة \mathbf{E} : $\mathbf{x} \in \mathbb{R}$: $\mathbf{a} \cos \mathbf{x} + \mathbf{b} \cos \mathbf{x} = \mathbf{c}$ نتبع المراحل التالية:

$$\begin{split} \left(E\right) &\Leftrightarrow \sqrt{a^2 + b^2} \left[\frac{a}{\sqrt{a^2 + b^2}} \cos x + \frac{b}{\sqrt{a^2 + b^2}} \sin x \right] = c \\ &\Leftrightarrow \sqrt{a^2 + b^2} \left[\cos \alpha \cos x + \sin \alpha \sin x \right] = c \\ &\Leftrightarrow \left(\sqrt{a^2 + b^2} \left[\sin \alpha \cos x + \cos \alpha \sin x \right] = c \right) \end{split}$$

$$\Leftrightarrow \cos(x-\alpha) = \frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}} \quad (\sin(x+\alpha) = \frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}})$$

. $\cos(x-\alpha) = \frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}}$ نحل المعادلة: $(E): x \in \mathbb{R}: a\cos x + b\cos x = c$

$$\left(\sin\left(x+\alpha\right) = \frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}} \quad \text{if} \quad$$

.(
$$\frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}} \notin [-1,1]$$
) $\frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}} \in [-1,1]$ (a) $\frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}}$ (b) $\frac{c}{\sqrt{a^2+b^2}}$).

. $(E): x \in \mathbb{R}: \cos 3x + \cos 3x = 1$: مثال: حل المعادلة

لدينا

$$\cos 3x + \cos 3x = 1 \Leftrightarrow \sqrt{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} \cos 3x + \frac{\sqrt{2}}{2} \sin 3x \right] = 1$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{2} \left[\cos \frac{\pi}{4} \cos 3x + \sin \frac{\pi}{4} \sin 3x \right] = 1$$

$$\Leftrightarrow \sqrt{2} \cos \left(\frac{\pi}{4} - 3x \right) = 1$$

$$\Leftrightarrow \cos \left(\frac{\pi}{4} - 3x \right) = \frac{\sqrt{2}}{2} \Leftrightarrow \cos \left(\frac{\pi}{4} - 3x \right) = \cos \frac{\pi}{4}$$

$$\Leftrightarrow \left\{ \frac{\pi}{4} - 3x = \frac{\pi}{4} + 2k\pi \right. \\ \Leftrightarrow \left\{ \frac{\pi}{4} - 3x = -\frac{\pi}{4} + 2k\pi \right. \\ \Leftrightarrow \left\{ \frac{\pi}{4} - 3x = -\frac{\pi}{4} + 2k\pi \right. \\ \left\{ x = \frac{\pi}{6} - \frac{2k\pi}{3} \right. \\ \left$$