

تمرين 1: المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط : $A(2,2)$ و $B(-1,1)$ و $C(0,-1)$

- 1) أنشئ النقط A و B و C

2) أوجد معادلة المستقيم (Δ) المار من B بحيث تكون \overrightarrow{AC} متوجهة منظمية عليه.

ب) حدد زوج إحداثي H نقطة تقاطع (Δ) و (AC)

3) احسب الجداء السلمي $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB}$ واستنتج قيمة $\cos \hat{C}$

4) لتكن $M(x,y)$ نقطة من المستوى (P)

أ) أحسب $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AM}$ بدلالة x و y

ب) حدد تحليليا مجموعة النقط M بحيث $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AM} = 5$

ج) بين أن هذه المجموعة السابقة هي واسط القطعة $[AB]$

تمرين 2: المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط : $A(1,2\sqrt{3})$ و $B(0,\sqrt{3})$ و $C(1,0)$

1) أحسب : $\| \overrightarrow{AB} \|$ و $\| \overrightarrow{BC} \|$ ثم $\cos \hat{B}$ ثم قياس \hat{B} ، ما هي طبيعة المثلث ABC ؟

2) حدد معادلة ديكارتية للارتفاع المنشأ من النقطة B

3) حدد معادلة ديكارتية للمتوسط المار من النقطة C

4) حدد إحداثي G مركز ثقل المثلث ABC

5) احسب مساحة المثلث ABC ثم مسافة A عن (BC)

تمرين 3: المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط : $A(-1,-5)$ و $B(5,-3)$ و $C(1,1)$

1) أبين أن $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ أساس للمستوى المتجهي 2

ب) لتكن $\vec{u} = 2\vec{i} + 3\vec{j}$ ، حدد إحداثي المتوجهة \vec{u} في الأساس $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$

2) أعط معادلة ديكارتية لـ (D) واسط القطعة $[BC]$

ب) تحقق أن : $A \in (D)$

ج) استنتاج طبيعة المثلث ABC

3) ليكن α قياس الزاوية $\angle BAC$ ، احسب $\sin \alpha$

4) ليكن H المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (AC) ، حدد إحداثي H بالنسبة للمعلم (\vec{i}, \vec{j}) .

تمرين 4: المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقط : $A(1,-2)$ و $B(-1,3)$ و $C(-1,0)$

1) حدد تحليليا (Γ_1) مجموعة النقط $M(x,y)$ التي تتحقق: $AM = BM$

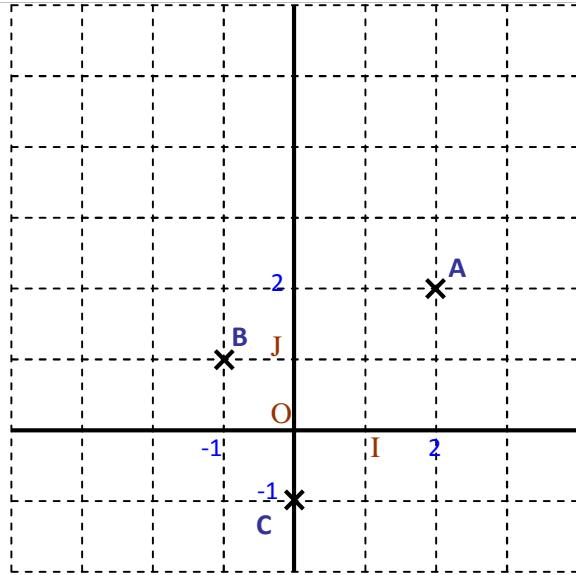
2) حدد تحليليا (Γ_2) مجموعة النقط $M(x,y)$ التي تتحقق: $AM^2 + BM^2 = CM^2 + OM^2$

3) حدد تحليليا (Γ_3) مجموعة النقط $M(x,y)$ التي تتحقق: $\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MO}$

4) حدد تحليليا (Γ_4) مجموعة النقط $M(x,y)$ التي تتحقق: $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = CM^2$

تمرين 5: المستوى (P) منسوب إلى م.م.م (O, \vec{i}, \vec{j}) ، نعتبر النقطة : $A(1,-2)$ و المستقيم $(\Delta): 2x + y - 3 = 0$

▪ حدد إحداثي A' مماثلة A بالنسبة للمستقيم (Δ)

تمرين 1 : $A(2,2)$ و $B(-1,1)$ و $C(0,-1)$ 

1

لنحدد معادلة المستقيم (Δ) المار من B والعمودي على (AC) .لتكن $M(x,y)$ نقطة من المستوى، لدينا : $\overrightarrow{BM}(x+1; y-1)$ و $\overrightarrow{AC}(-2; -3)$

$$M \in (\Delta) \Leftrightarrow \overrightarrow{BM} \cdot \overrightarrow{AC} = 0 \Leftrightarrow -2(x+1) - 3(y-1) = 0 \Leftrightarrow -2x - 2 - 3y + 3 = 0 \Leftrightarrow -2x - 3y + 1 = 0$$

$$\boxed{(\Delta): 2x + 3y - 1 = 0} \quad \boxed{(\Delta): -2x - 3y + 1 = 0}$$

بال التالي : لنحدد زوج إحداثي H نقطة تقاطع (Δ) و (AC) ، لنحدد أولاً معادلة ديكارتية للمستقيم (AC) .لتكن $M(x,y)$ نقطة من المستوى، لدينا : $\overrightarrow{AM}(x-2; y-2)$ و $\overrightarrow{AC}(-2; -3)$

$$M \in (AC) \Leftrightarrow \det(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{AC}) = 0 \Leftrightarrow \begin{vmatrix} x-2 & y-2 \\ -2 & -3 \end{vmatrix} = 0 \Leftrightarrow -3(x-2) + 2(y-2) = 0$$

$$\Leftrightarrow -3x + 6 + 2y - 4 = 0 \Leftrightarrow -3x + 2y + 2 = 0$$

$$\boxed{(AC): 3x - 2y - 2 = 0} \quad \boxed{(AC): -3x + 2y + 2 = 0}$$

ب) الآن ولكي نحدد زوج إحداثي H نقطة تقاطع (Δ) و (AC)

$$\begin{cases} 2x + 3y = 1 \\ 3x - 2y = 2 \end{cases} \text{ أي : } \quad \text{ علينا حل النظم المكونة من معادلتي } (\Delta) \text{ و } (AC) \text{ ، أي :}$$

$$\Delta_x = \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -2 \end{vmatrix} = -2 - 6 = -8 \quad \text{و} \quad \Delta = \begin{vmatrix} 2 & 3 \\ 3 & -2 \end{vmatrix} = -4 - 9 = -13 \quad \text{لدينا المحددة هي :}$$

$$H\left(\frac{8}{13}; \frac{-1}{13}\right) \quad \text{بال التالي :} \quad y = \frac{\Delta_y}{\Delta} = \frac{-1}{13} \quad \text{و} \quad x = \frac{\Delta_x}{\Delta} = \frac{8}{13} \quad , \quad \text{منه :} \quad \Delta_y = \begin{vmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 2 \end{vmatrix} = 4 - 3 = 1 \quad \text{و}$$

د) لدينا : $\overrightarrow{CB}(-1; 2)$ و $\overrightarrow{CA}(2; 3)$

$$\|\overrightarrow{CB}\| = \sqrt{1+4} = \sqrt{5} \quad \text{و} \quad \|\overrightarrow{CA}\| = \sqrt{4+9} = \sqrt{13} \quad \text{و} \quad \overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB} = -2 + 6 = 4 \quad \text{إذن :}$$

$$\cos(\overrightarrow{CA}, \overrightarrow{CB}) = \frac{\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{CB}}{\|\overrightarrow{CA}\| \|\overrightarrow{CB}\|} = \frac{4}{\sqrt{65}} = \frac{4\sqrt{65}}{65}$$

لدينا : $\overrightarrow{AM}(x-2; y-2)$ و $\overrightarrow{AB}(-3; -1)$

$$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AM} = -3(x-2) - (y-2) = -3x + 6 - y + 2 = -3x - y + 8 \quad \text{منه :} \quad \boxed{}$$

3

4

$$\text{لدينا : } \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AM} = 5 \Leftrightarrow -3x - y + 8 = 5 \Leftrightarrow 3x + y - 3 = 0$$

إذن مجموعة النقطة M بحيث $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AM} = 5$ هي المستقيم (L) ذو المعادلة: $3x + y - 3 = 0$ (ب)

لدينا $\vec{u} = \overrightarrow{AB} = 3\vec{i} - \vec{j}$ هي متجهة موجهة لـ (L) و $(-3; -1)$ ، ومنه: $(L) \perp (AB)$ إذن:

ج) نعتبر K منتصف $[AB]$ ، إذن: $K\left(\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right)$ أي: $K\left(\frac{2+(-1)}{2}; \frac{2+1}{2}\right)$

بما أن: $3x_K + y_K - 3 = 0$ فإن: $K \in (L)$ وبالتالي (L) هو واسط القطعة $[AB]$

لإيجاد إحداثي نقطة تقاطع مستقيمين نحل النظم المكونة من معادلتيهما الديكارتتين

مسقط نقطة على مستقيم هي نقطة تقاطع هذا المستقيم مع المستقيم المار بالنقطة و العمودي على هذا المستقيم.

لإيجاد معادلة ديكارتية لواسط قطعة نحدد أولاً إحداثي منتصف هذه القطعة فيكون الواسط مستقيماً ماراً بهذه النقطة و تكون المتجهة التي طرفاها هما طرفي القطعة منتظمة عليه ...

لكن للبرهان أن مستقيماً معرف بمعادلة ديكارتية هو واسط قطعة نبين أنه متجهته الموجهة متعمدة مع متجهته (القطعة) و أن إحداثي منتصف القطعة يحقق معادلته.

يستحسن جعل معامل x موجباً في معادلة مستقيم وذلك بضرب جميع المعاملات في -1

تمرين 2: $C(1, 0)$ و $B(0, \sqrt{3})$ و $A(1, 2\sqrt{3})$

لدينا: $\|\overrightarrow{BC}\| = \sqrt{1+3} = 2$ و $\|\overrightarrow{AB}\| = \sqrt{1+3} = 2$ إذن: $\overrightarrow{BC}(1; -\sqrt{3})$ و $\overrightarrow{AB}(-1; -\sqrt{3})$

$$\cos(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC}) = \frac{\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC}}{\|\overrightarrow{BA}\| \|\overrightarrow{BC}\|} = \frac{1-3}{2 \times 2} = \frac{-1}{2} \text{ ، } \overrightarrow{BA}(1; \sqrt{3})$$

بما أن $AB = BC$ فإن ABC متساوي الساقين في النقطة B

لوأنا حصلنا على $\cos(\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC}) = \frac{1}{2}$ لاستنتجنا أن ABC متساوي الأضلاع لأننا سنكون قد حصلنا على

$$\overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC} \equiv \frac{-f}{3}[2f] \text{ أو } \overrightarrow{BA}, \overrightarrow{BC} \equiv \frac{f}{3}[2f]$$

ليكن (Δ) الارتفاع المنشأ من النقطة B للمثلث ABC

إذن (Δ) يمر من B و عمودي على (AC)

لتكن $M(x, y)$ نقطة من المستوى. لدينا: $\overrightarrow{BM}(x; y - \sqrt{3})$ و $\overrightarrow{AC}(0; -2\sqrt{3})$

$$M \in (\Delta) \Leftrightarrow \overrightarrow{BM} \cdot \overrightarrow{AC} = 0 \Leftrightarrow 0 \times x - 2\sqrt{3}(y - \sqrt{3}) = 0 \Leftrightarrow -2\sqrt{3}(y - \sqrt{3}) = 0 \Leftrightarrow y - \sqrt{3} = 0$$

بالتالي: $(\Delta): y - \sqrt{3} = 0$

ليكن E منتصف $[AB]$ ، إذن المتوسط المار من النقطة C للمثلث ABC هو المستقيم (EC)

لنحدد إذن لنحدد حدد معادلة ديكارتية للمستقيم (EC) ، لدينا: $E\left(\frac{1}{2}; \frac{3\sqrt{3}}{2}\right)$

لتكن $M(x, y)$ نقطة من المستوى ، لدينا: $\overrightarrow{EC}\left(\frac{1}{2}; -\frac{3\sqrt{3}}{2}\right)$ و $\overrightarrow{CM}(x-1; y)$

$$M \in (EC) \Leftrightarrow \det(\overrightarrow{CM} \cdot \overrightarrow{EC}) = 0 \Leftrightarrow \begin{vmatrix} x-1 & y \\ \frac{1}{2} & -\frac{3\sqrt{3}}{2} \end{vmatrix} = 0 \Leftrightarrow -\frac{3\sqrt{3}}{2}(x-1) + \frac{1}{2}y = 0$$

$$\Leftrightarrow -3\sqrt{3}(x-1) + y = 0 \Leftrightarrow -3\sqrt{3}x + y - 3\sqrt{3} = 0$$

$$(EC): 3\sqrt{3}x - y + 3\sqrt{3} = 0$$

لنحدد إحداثيتي G مركز ثقل المثلث ABC ، نعلم أن:

$$G\left(\frac{2}{3}; \sqrt{3}\right) \text{ منه: } \begin{cases} x_G = \frac{x_A + x_B + x_C}{3} = \frac{2}{3} \\ y_G = \frac{y_A + y_B + y_C}{3} = \sqrt{3} \end{cases}$$

مساحة المثلث ABC هي:

$$S_{ABC} = \frac{\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})}{2}$$

$$S_{ABC} = \frac{\begin{vmatrix} -1 & -\sqrt{3} \\ 0 & -2\sqrt{3} \end{vmatrix}}{2} = \frac{|2\sqrt{3}|}{2} = \sqrt{3} \text{ منه:}$$

طريقة 1: لنحدد معادلة ديكارتية لل المستقيم (BC) ، لتكن $M(x, y)$ نقطة من المستوى.

لدينا: $\overrightarrow{BC}(1; -\sqrt{3})$ و $\overrightarrow{CM}(x-1; y)$

$$M \in (BC) \Leftrightarrow \det(\overrightarrow{CM} \cdot \overrightarrow{BC}) = 0 \Leftrightarrow \begin{vmatrix} x-1 & y \\ 1 & -\sqrt{3} \end{vmatrix} = 0 \Leftrightarrow -\sqrt{3}(x-1) - y = 0 \Leftrightarrow -\sqrt{3}x - y + \sqrt{3} = 0$$

$$d(A; (BC)) = \frac{|\sqrt{3}x_A + y_A - \sqrt{3}|}{\sqrt{(\sqrt{3})^2 + 1^2}} = \frac{|\sqrt{3} + 2\sqrt{3} - \sqrt{3}|}{2} = \sqrt{3} \text{ وبالتالي: } (BC): \sqrt{3}x + y - \sqrt{3} = 0 \text{ منه:}$$

طريقة 2: لتكن H هي المسقط العمودي لـ A على (BC) فإن:

$$d(A, (BC)) = \frac{\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})}{BC} = \frac{|2\sqrt{3}|}{2} = \sqrt{3} \quad \text{منه: } d(A, (BC)) = AH = \frac{2S_{ABC}}{BC} = \frac{\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})}{BC}$$

تمرين 3: $C(1,1)$ و $B(5, -3)$ و $A(-1, -5)$:

لدينا: $\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) = \begin{vmatrix} 6 & 2 \\ 2 & 6 \end{vmatrix} = 36 - 4 = 32 \neq 0$ أ

لدينا: $\overrightarrow{AC} = 2\vec{i} + 6\vec{j}$ و $\overrightarrow{AB} = 6\vec{i} + 2\vec{j}$

منه: $-3\overrightarrow{AC} = -6\vec{i} - 18\vec{j}$ و $-3\overrightarrow{AB} = -18\vec{i} - 6\vec{j}$

منه: $\overrightarrow{AB} - 3\overrightarrow{AC} = -16\vec{j}$ و $\overrightarrow{AC} - 3\overrightarrow{AB} = -16\vec{i}$

أي: $\vec{j} = \frac{-1}{16}\overrightarrow{AB} + \frac{3}{16}\overrightarrow{AC}$ و $\vec{i} = \frac{-1}{16}\overrightarrow{AC} + \frac{3}{16}\overrightarrow{AB}$

إذن: $\vec{u} = \frac{3}{16}\overrightarrow{AB} + \frac{7}{16}\overrightarrow{AC}$: أي $\vec{u} = 2\left(\frac{-1}{16}\overrightarrow{AC} + \frac{3}{16}\overrightarrow{AB}\right) + 3\left(\frac{-1}{16}\overrightarrow{AB} + \frac{3}{16}\overrightarrow{AC}\right)$ ب

بالتالي إحداثي المتجه \vec{u} في الأساس $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ هي:

إيجاد إحداثي \vec{u} في الأساس $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})$ يعني إيجاد زوج (a, b) يحقق:

لذلك قمنا بالبحث عن تعبير كل من \vec{i} و \vec{j} بدلالة \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AB} بطريقة تشبه طريقة حل نظرية

لتكن K منتصف $[BC]$ إذن: $K(3; -1)$

لتكن (x, y) نقطة من المستوى. لدينا: $\overrightarrow{BC}(-4; 4)$ و $\overrightarrow{KM}(x-3; y+1)$

$$M \in (BC) \Leftrightarrow \overrightarrow{KM} \cdot \overrightarrow{BC} = 0 \Leftrightarrow -4(x-3) + 4(y+1) = 0 \Leftrightarrow -(x-3) + y+1 = 0 \Leftrightarrow -x + y + 4 = 0$$

$$(D): x - y - 4 = 0$$

لدينا : $x_A - y_A - 4 = -1 + 5 - 4 = 0 \Rightarrow A \in (D)$

ج) بما أن $A \in (D)$ و (D) واسط $[BC]$ فإن $AC = AB$ وبالتالي ABC مثلث متساوي الساقين في A

$$\sin r = \sin(B\hat{A}C) = \left| \sin(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \right| = \left| \frac{\det(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC})}{AB \times AC} \right| = \left| \frac{32}{\sqrt{40} \times \sqrt{40}} \right| = \frac{32}{40} = \frac{4}{5}$$

3

يجب أن نميز بين الزاوية الهندسية والتي قياسها دائماً عدد موجب والزاوية الموجهة (الجبرية) والتي يمكن أن يكون قياسها سالباً أو موجباً.

أولاً سنحدد معادلة ديكارتية للمستقيم (Δ) المار من B و العمودي على (AC)

لتكن $M(x, y)$ نقطة من المستوى، لدينا : $\overrightarrow{AC}(2; 6)$ و $\overrightarrow{BM}(x-5; y+3)$

$$M \in (\Delta) \Leftrightarrow \overrightarrow{BM} \cdot \overrightarrow{AC} = 0 \Leftrightarrow 2(x-5) + 6(y+3) = 0 \Leftrightarrow (x-3) + 3(y+3) = 0 \Leftrightarrow x + 3y + 6 = 0$$

الآن لدينا التمثيل البارامטרי للمستقيم (AC) هو :

$$(AC): \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 + 6t \end{cases} / t \in IR$$

إذ إحداثي H المسقط العمودي للنقطة B على المستقيم (AC) هي حل النظمـة :

$$\begin{cases} x + 3y + 6 = 0 \\ x = 1 + 2t \\ y = 1 + 6t \end{cases}$$

4

$$H(0; -2) \text{ أي : } \begin{cases} x_H = 1 - 1 = 0 \\ y_H = 1 - 3 = -2 \end{cases} \quad t = \frac{-1}{2} \quad \text{منه : } 20t + 10 = 0 \quad (1 + 2t) + 3(1 + 6t) + 6 = 0$$

فكرة السؤال سبق إدراجهما في التمارين الأول 2 بـ)، لكن هذه المرة فضلنا إدراج التمثيل البارامטרי عوض معادلة ديكارتية لأنـه يجعل النظمـة أسهل

للذكر التمثيل البارامטרי لمستقيم مار من نقطة $A(x_A; y_A)$ و موجه بـ $\vec{u}(a; b)$ هو :

يجب التمعن جيداً في هذه الطريقة فهي فعالة و تمكـن من تحديد إحداثي المـسقط العمودي لنـقطـة على مستـقيم بـسهولة.

تمرين 4 : $C(-1, 0)$ و $B(-1, 3)$ و $A(1, -2)$

$$AM = BM \Leftrightarrow AM^2 = BM^2 \Leftrightarrow (x-1)^2 + (y+2)^2 = (x+1)^2 + (y-3)^2$$

$$AM = BM \Leftrightarrow x^2 - 2x + 1 + y^2 + 4y + 4 = x^2 + 2x + 1 + y^2 - 6y + 9 \quad \text{لدينا :}$$

$$AM = BM \Leftrightarrow -4x + 10y - 5 = 0 \Leftrightarrow 4x - 10y + 5 = 0$$

بالتالي (Γ_1) هي المستقيم ذو المعادلة :

1

$$AM^2 + BM^2 = CM^2 + OM^2 \Leftrightarrow (x-1)^2 + (y+2)^2 + (x+1)^2 + (y-3)^2 = (x+1)^2 + y^2 + x^2 + y^2$$

$$AM^2 + BM^2 = CM^2 + OM^2 \Leftrightarrow x^2 - 2x + 1 + y^2 + 4y + 4 + y^2 - 6y + 9 = 2y^2 + x^2$$

$$AM^2 + BM^2 = CM^2 + OM^2 \Leftrightarrow -2x - 2y + 14 = 0 \Leftrightarrow x + y - 7 = 0$$

بالتالي (Γ_2) هي المستقيم ذو المعادلة :

2

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MO} \Leftrightarrow (x+1)(x+1) + (y-3)y = (1-x)(0-x) + (-2-y)(0-y)$$

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MO} \Leftrightarrow x^2 + 2x + 1 + y^2 - 3y = -x + x^2 + 2y + y^2$$

$$\overrightarrow{MB} \cdot \overrightarrow{MC} = \overrightarrow{MA} \cdot \overrightarrow{MO} \Leftrightarrow 3x - 5y + 1 = 0$$

3

بالتالي (Γ_3) هي المستقيم ذو المعادلة :

$$\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = CM^2 \Leftrightarrow (x-1)(x+1) + (y+2)(y-3) = (x+1)^2 + y^2$$

$$\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = CM^2 \Leftrightarrow x^2 - 1 + y^2 - y - 6 = x^2 + 2x + 1 + y^2$$

$$\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = CM^2 \Leftrightarrow 2x + y + 8 = 0$$

4

بالتالي (Γ_4) هي المستقيم ذو المعادلة :

$$(\Delta): 2x + y + 8 = 0, A(1, -2)$$

لتكن H المسقط العمودي لـ A على المستقيم (Δ)

ولتكن (L) المستقيم المار من A و العمودي على (Δ)

المتجهة $\vec{u}(2;1)$ المنظمية على (Δ) هي موجهة لـ (L)

$$(L): \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -2 + t \end{cases} / t \in IR \text{ هو :}$$

$$\begin{cases} 2x + y - 3 = 0 \\ x = 1 + 2t \\ y = -2 + t \end{cases} \text{ إذ إحداثي } H \text{ هي حل النظمة :}$$

$$H\left(\frac{11}{5}; \frac{-7}{5}\right) \text{ : أي } \begin{cases} x_H = 1 + \frac{6}{5} = \frac{11}{5} \\ y_H = -2 + \frac{3}{5} = \frac{-7}{5} \end{cases} \text{ منه : } t = \frac{3}{5} \text{ بالتالي : } 5t - 3 = 0 \text{ منه : } 2(1 + 2t) + (-2 + t) - 3 = 0$$

$$\text{الآن } A' \text{ هي مماثلة } A \text{ بالنسبة للنقطة } H \text{ أي أن } H \text{ منتصف } [AA'] \text{ منه :}$$

$$\begin{cases} x_{A'} = \frac{x_A + x_{A'}}{2} \\ y_{A'} = \frac{y_A + y_{A'}}{2} \end{cases}$$

$$A'\left(\frac{17}{5}; \frac{-4}{5}\right) \text{ : بالتالي } \begin{cases} x_{A'} = 2x_H - x_A = \frac{22}{5} - 1 = \frac{17}{5} \\ y_{A'} = 2y_H - y_A = \frac{-14}{5} + 2 = \frac{-4}{5} \end{cases}$$